

# Пермский национальный исследовательский политехнический университет

614990 г., Пермь, Комсомольский проспект, 29 E-mail: alexkryukov@list.ru, malininvi@mail.ru

Крюков А.Ю., Малинин В.И.

ТЕРМОДИНАМИКА ЗОНЫ ПЛАМЕНИ ОДИНОЧНЫХ ЧАСТИЦ АЛЮМИНИЯ В КИСЛОРОДСОДЕРЖАЩИХ СРЕДАХ

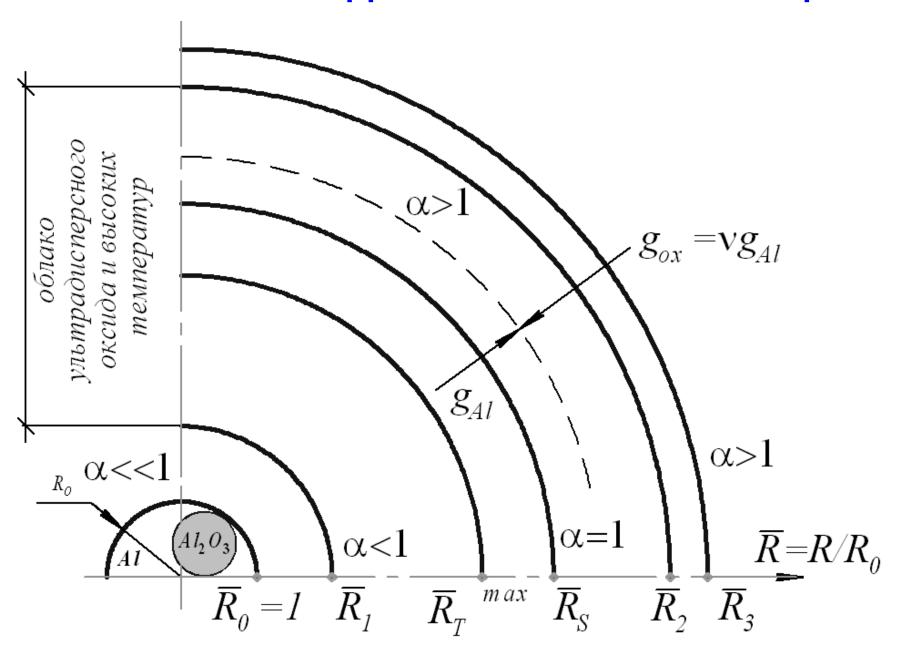
# ЦЕЛЬ ИССЛЕДОВАНИЙ

Термодинамический анализ параметров – температуры и концентраций окислительных компонентов – в пламени частиц алюминия и построение их распределения вдоль его радиуса с выделением характерных зон, определяемых процессами образования продуктов сгорания и тепло- и массообмена с окружающей средой для горения в атмосфере «79%  $Ar + 21\% O_2$ »

# ЗАДАЧИ ИССЛЕДОВАНИЙ

- 1) Разработка усовершенствованной физической модели горения одиночной частицы в условиях невесомости на основе выполненных ранее исследований и имеющихся экспериментальных данных.
- 2) Выявление зависимостей между термодинамическими параметрами пламени.
- 3) Построение математической модели горения частицы алюминия с учётом квазистационарности и равновесности процессов.
- 4) Расчёт зависимостей температуры пламени и концентрации окислителя от относительного радиуса (отношения сферической координаты R точек пламени к текущему радиусу частицы  $R_0$ ) с учётом накопления оксида в зоне пламени для частиц исходного радиуса 50, 110 и 175 мкм.

# ФИЗИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ГОРЕНИЯ ЧАСТИЦЫ АІ



# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ГОРЕНИЯ

#### Уравнения теплового баланса в каждой точке зоны пламени

$$-\lambda \frac{\partial T_f}{\partial \overline{R}} = \left( [I(\overline{R}_T^{\max}) - I(\overline{R}_3)](C_{\Sigma}/C_{Al})_{av} - \int_{I(\overline{R}_3)}^{I(\overline{R})} (C_{\Sigma}/C_{Al}) dI \right) k_r g_{Al} \frac{R_0}{\overline{R}^2} \qquad \overline{R} \ge \overline{R}_T^{\max}$$

$$\lambda \frac{\partial T_f}{\partial \overline{R}} = k_r g_{Al} \frac{R_0}{\overline{R}^2} \int_{I(\overline{R}_T^{\text{max}})}^{I(\overline{R}_T^{\text{max}})} (C_{\Sigma} / C_{Al}) dI$$

$$\overline{R} < \overline{R}_T^{\text{max}}$$

$$g_{Al} = \frac{g_{Al}^* R_0^*}{R_0}$$

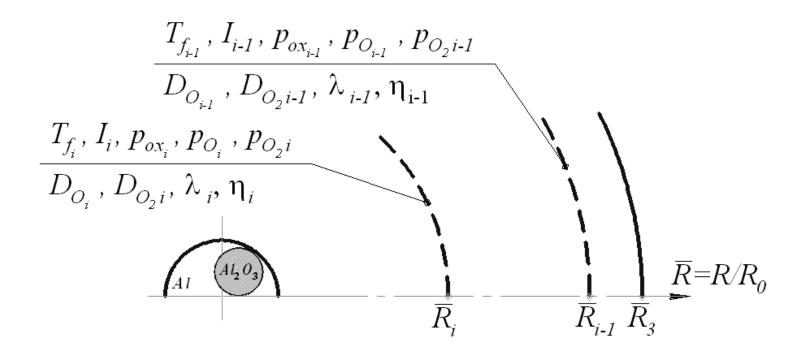
### Уравнения баланса массы окислителя в каждой точке зоны пламени

$$-\left(D_{O_2}\frac{\partial p_{O_2}}{\partial \overline{R}} + 0.5D_O\frac{\partial p_O}{\partial \overline{R}}\right)/(R_g T_f) = vg_{Al}\frac{R_0}{\overline{R}^2}$$

$$\alpha \ge 1$$

$$-\left(D_{O_2}\frac{\partial p_{O_2}}{\partial \overline{R}} + 0.5D_O\frac{\partial p_O}{\partial \overline{R}}\right)/(R_gT_f) = vg_{Al}\alpha\frac{R_0}{\overline{R}^2}$$

#### СХЕМА РАСЧЁТА ПАРАМЕТРОВ В ЗОНЕ ПЛАМЕНИ



#### Уравнения баланса для численного расчёта параметров

$$-\lambda (T_{f_{i-1}} - T_{f_{i}}) \frac{(\overline{R}_{i-1} / \overline{R}_{i})(\overline{R}_{i} / \overline{R}_{0})}{R_{0}^{*}(\overline{R}_{i-1} / \overline{R}_{i} - 1)} = k_{r} g_{Al} \left( Q - \sum_{i=0}^{N} C_{\Sigma_{i}} / C_{Al_{i}}(I_{i} - I_{i-1}) \right)$$

$$- \oint_{O_{2i,i-1}} (p_{O_{2i-1}} - p_{O_{2i}}) + 0,5 D_{O_{i,i-1}} (p_{O_{i-1}} - p_{O_{i}}) \frac{(\overline{R}_{i-1} / \overline{R}_{i})(\overline{R}_{i} / \overline{R}_{0})}{\overline{R}_{0}^{*}(\overline{R}_{i-1} / \overline{R}_{i} - 1)\overline{T}_{f} R_{g}} = v g_{Al}$$

$$- \oint_{O_{2i,i-1}} (p_{O_{2i-1}} - p_{O_{2i}}) + 0,5 D_{O_{i,i-1}} (p_{O_{i-1}} - p_{O_{i}}) \frac{(\overline{R}_{i-1} / \overline{R}_{i})(\overline{R}_{i} / \overline{R}_{0})}{\overline{R}_{0}^{*}(\overline{R}_{i-1} / \overline{R}_{i} - 1)\overline{T}_{f} R_{g}} = v g_{Al} \alpha$$

# ОПИСАНИЕ ПРОЦЕДУРЫ РАСЧЁТА И ПАРАМЕТР $\eta$

Новый параметр  $\eta$  определяет степень превращения металла в конденсированный оксид:

$$\eta = Z_{th}/Z_{th}^{\max} = f(T_f, C_{ox})$$

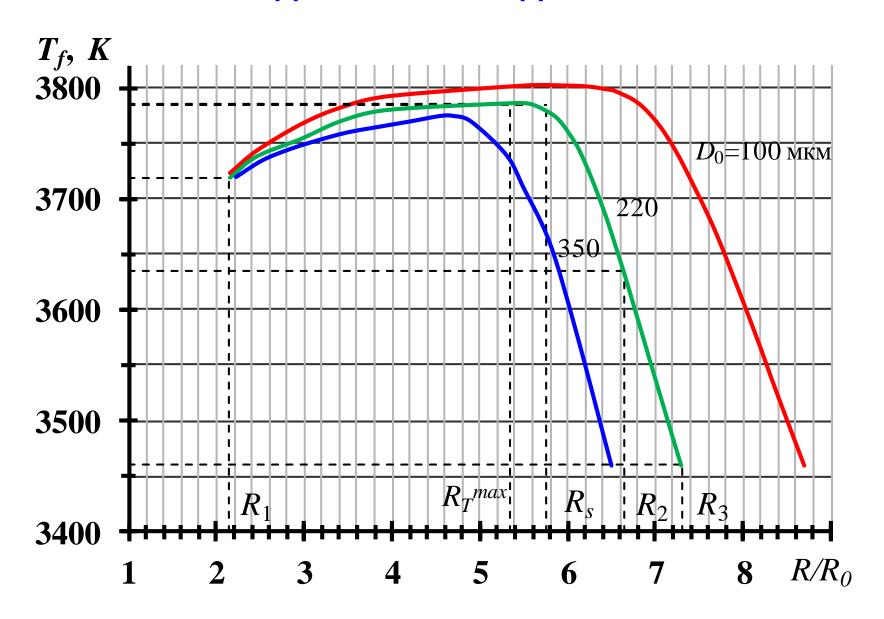
 $Z_{th}$  — значение доли оксида, которое может образоваться при данных параметрах газовой фазы, рассчитанное по равновесной термодинамике без учёта накопления конденсированной фазы;

 $Z_{th}^{\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,}$  — максимально возможная величина доли конденсированного оксида, которая может образоваться, без учёта накопленного  $Al_2O_3$ 

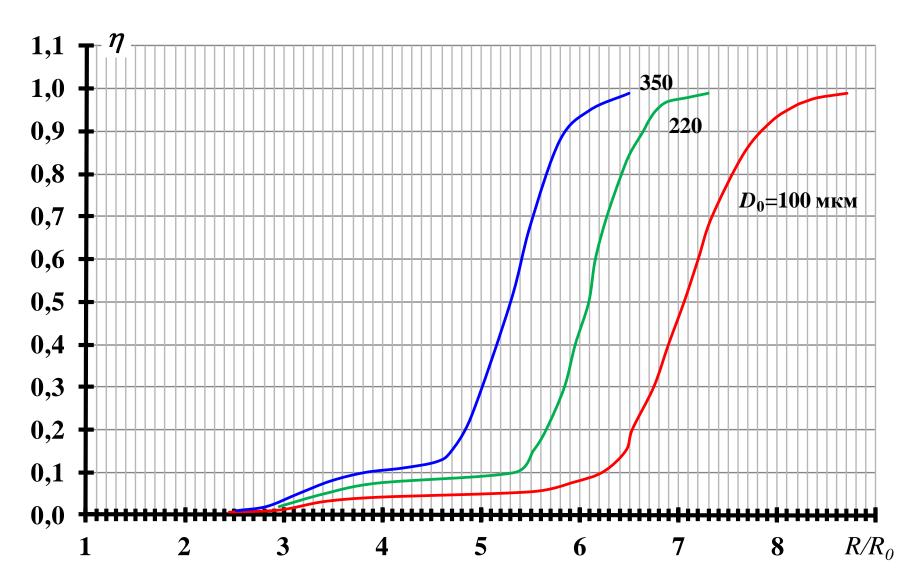
Вся область пламени разбивается на отдельные участки, на границах которых задана величина  $\eta$  и рассчитываются термодинамические параметры. Решение для каждой новой относительной координаты  $\overline{R}_i$  получается с помощью решения, полученного на предыдущем шаге. Задача решалась методом последовательных приближений путём —

баланса потоков окислителя и тепла для данной точки — координаты  $\overline{R}_i$  пламени — за счёт изменения её значения.

# ЗАВИСИМОСТЬ ТЕМПЕРАТУРЫ ПЛАМЕНИ ОТ ЕГО ОТНОСИТЕЛЬНОГО РАДИУСА И ИСХОДНОГО РАЗМЕРА ЧАСТИЦЫ



# ЗАВИСИМОСТЬ СТЕПЕНИ ПРЕВРАЩЕНИЯ АЛЮМИНИЯ В КОНДЕНСИРОВАННЫЙ ОКСИД ОТ ОТНОСИТЕЛЬНОГО РАДИУСА ПЛАМЕНИ И ИСХОДНОГО РАЗМЕРА ЧАСТИЦЫ



# ОСНОВНЫЕ ВЫВОДЫ

- 1. Выполненный анализ показывает, что равновесная термодинамика пламени обязательно должна учитываться для адекватного описания его параметров и их взаимосвязей с размером характерных зон.
- 2. В результате совместного применения термодинамического анализа и уравнений, описывающих теплообмен и массообмен в зоне пламени частицы алюминия, получены зависимости, отражающие распределение параметров температуры и степени превращения алюминия в конденсированный оксид при горении в среде «79% Ar + 21%  $O_2$ » для частиц начальным диаметром 100, 220 и 350 мкм.
- 3. Установлены зоны, где основная часть алюминия превращается в конденсированный оксид. Соответственно, в этих же зонах находится и большая часть оксида, что соответствует экспериментальным данным. Относительный радиус начала зон, содержащих большую часть  $Al_2O_3$ , существенно отличается для каждого исходного размера частиц, и уменьшается с возрастанием их начального размера.
- 4. Перспективы продолжения исследований, начатых в настоящей статье, выполнение расчётов по предложенной методике для горения частиц алюминия в средах «79%  $N_2$  + 21%  $O_2$ » и «79% He + 21%  $O_2$ », в том числе, при различных значениях давления окружающей среды и учёте реакции азотирования.